

CORRECTION BREVET juillet 2009

Activités numériques :

Ex 1 : 1) $A = \frac{8+3 \times 4}{1+2 \times 1,5} = \frac{8+12}{1+3} = \frac{20}{4} = 5.$

2) Il faut tenir compte de la priorité des opérations, il manque des parenthèses.

Ex 2 : 1) **Aline** (probabilité de 1)

2) Bernard a une probabilité de $10 : 40 = \frac{1}{4}$

Donc il faut ajouter **15 billes** dans le sac d'Aline.

Ex 3 : 1) **B (-4 ; 4,6)**

2) les abscisses sont **-1 ; 2 ; 4**

3) La fonction linéaire est représentée en **C1** (droite passant par l'origine)

4) f est représentée par **C2**

5) $f(x) = -0,4x + 3 = 1$ $-0,4x = -2$ d'où $x = -2 : (-0,4) = 5$

L'antécédent de 1 est 5

6) $f(4,6) = -0,4 \times 4,6 + 3 = -1,84 + 3 = 1,16$ et non 1,2

Activités géométriques :

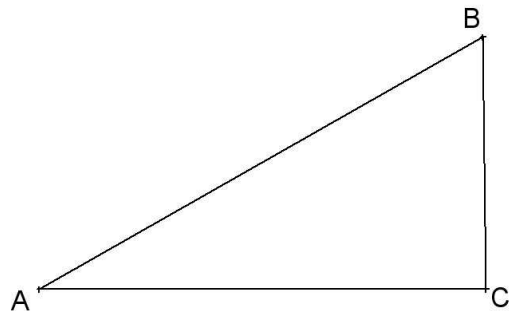
Ex 1 : 1) a) figure

b) $AB^2 = 16^2 = 256$

$$AC^2 + BC^2 = 14^2 + 8^2$$

$$= 196 + 64 = 260$$

Le triangle n'est pas rectangle



2) $A = \sqrt{\frac{38}{2} \left(\frac{38}{2} - 16 \right) \left(\frac{38}{2} - 14 \right) \left(\frac{38}{2} - 8 \right)}$

$$A = \sqrt{19(19-16)(19-14)(19-8)} = \sqrt{19 \times 3 \times 5 \times 11} = \sqrt{3135} \approx 55,99 \approx 56 \text{ cm}^2$$

Ex 2 Partie 1

1) figure

2) ABE **inscritible dans un demi cercle** de diamètre son côté [BE]

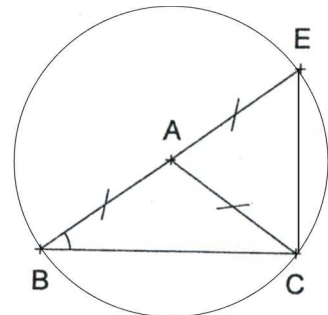
Donc ABE est un triangle rectangle en C

3) \widehat{EAC} est un angle au centre, donc vaut le double de l'angle inscrit

$$\text{D'où } \widehat{EAC} = 2 \times 43 = 86$$

Partie 2

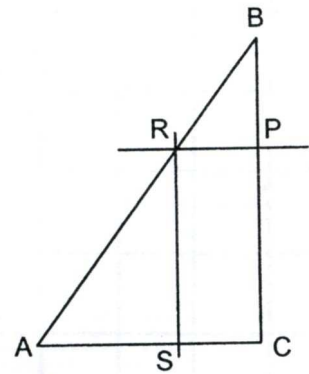
$\widehat{EAC} = 2 \times \widehat{ABC}$ car l'angle au centre vaut le double



Problème

Partie 1 :

- 1) $AB^2 = 17,5^2 = 306,25$
 $BC^2 + AC^2 = 14^2 + 10,5^2 = 196 + 110,25 = 306,25$
D'après le **théorème réciproque de Pythagore** le triangle est rectangle en C
- 2) Les côtés de PRCS sont deux à deux parallèles donc c'est un parallélogramme
De plus, il y a un angle droit, donc c'est un **rectangle**.



- 3) a) On utilise le théorème de Thalès dans le triangle ABC, les droites (RP) et (AC) étant parallèles :

$$\frac{BP}{BC} = \frac{PR}{AC}; \frac{5}{14} = \frac{PR}{10,5}; \text{ donc } PR = \frac{5 \times 10,5}{14} = 3,75$$

b) $A = L \times l = 9 \times 3,75 = 33,75 \text{ cm}^2$

Partie 2

1)

Longueur BP en cm	0	1	3	5	8	10	12	14
Aire de PRSC en cm^2	0	9,75	24,75	33,75	36	30	18	0

Pour $BP = 10$ $PR = 10 \times 10,5 : 14 = 7,5$ et $PC = 14 - 10 = 4$

$$A = 7,5 \times 4 = \mathbf{30 \text{ cm}^2}$$

- 2) a) $A = 18$ pour $BP = \mathbf{2 \text{ ou } 12}$
b) Aire maximale pour $BP = \mathbf{7}$
c) $\mathbf{36 \text{ cm}^2} < A < \mathbf{37 \text{ cm}^2}$

Partie 3

1) $PC = 14 - BP$

2) D'après le Théorème de Thalès :

$$PR = \frac{BP \times 10,5}{14} = 0,75 BP$$

3) PRSC est un carré si et seulement si $PR = PC$

Ce qui entraîne la condition $BP = 14 - BP$ (voir 1))

D'où l'équation d'inconnue BP :

$$BP + 0,75 BP = 14$$

$$1,75 BP = 14$$

$$BP = 14 : 1,75 = 8$$

Donc PRSC est un carré si $BP = \mathbf{8 \text{ cm}}$